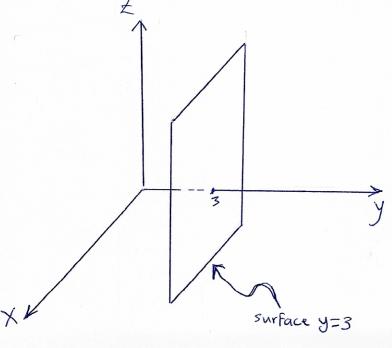
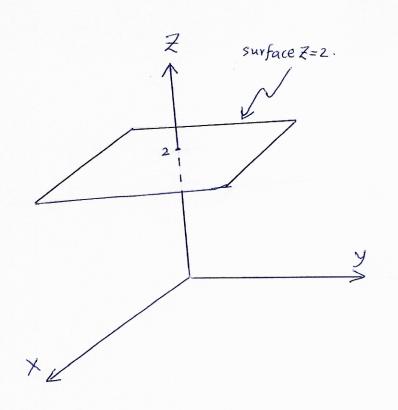
Faculty of engineering EE department EE313/Solution of homeworks (Fall 2012)

HW#1 (1-5)(1-9) (1-44)

Problem# (1-5)

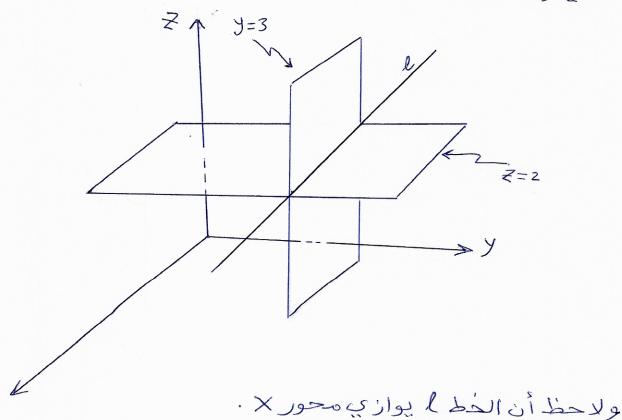
 $G_{X} = X^{2}yZ$, $G_{Y} = Y-1$, $G_{Z} = -XZ^{2}$ $V_{X} = X^{2}yZ$, $V_{Y} = Y-1$, $V_{Y} = -XZ^{2}$ $V_{Y} = Y-1$, $V_{Y} = -XZ^{2}$ $V_{X} = Y-1$, $V_{Y} = -XZ^{2}$ $V_{X} = Y-1$, $V_{Y} = -XZ^{2}$ $V_{X} = Y-1$, $V_{X} = Y-1$, $V_{X} = -XZ^{2}$ $V_{X} = Y-1$, $V_{X} = Y-1$, $V_{X} = Y-1$ $V_{X} = Y-1$, $V_{X} = Y-1$, $V_{X} = Y-1$ $V_{X} = Y-1$ V





السطح المستوي عدد هوسطح يوازي المستوي XX ويقطع محور تح عند النقطة 2. ويمكن القول أيضاً بأن المستوي ويمكن القول أيضاً بأن المستوي يكون الاحداثي عدد تحميع النقط الواقعة عليه يساوي 2.

فيكون الخط الذي هو تقاطع السطحين كما بالشكل:



- ، G(×,3,2) على طول الضط ا هو (4,3,2)

 $\frac{\partial}{\partial x_{1}}(x_{1},x_{1},z) = x^{2}(3)(2)\vec{a}_{x} + (3-1)\vec{a}_{y} + x(2)\vec{a}_{z}^{2}$ $= 6x^{2}\vec{a}_{x} + 2\vec{a}_{y} - 4x\vec{a}_{z}^{2}$

at x=-2:

 $\vec{G} = 24\vec{a}x + 2\vec{a}y + 8\vec{a}z$, $|\vec{G}| = \sqrt{24^2 + 2^2 + 8^2} = 25.4$ at x = -1:

 $\vec{G} = 6\vec{a}_{x} + 2\vec{a}_{y} + 4\vec{a}_{z}$, $|\vec{G}| = \sqrt{6^{2} + 2^{2} + 4^{2}} = 7.48$ at x = 0:

 $\vec{G} = 2\vec{a}\vec{y}$, $|\vec{G}| = 2$.

at x=1:

 $\vec{G} = 6\vec{a}_{x} + 2\vec{a}_{y} - 4\vec{a}_{z}, |\vec{G}| = \sqrt{6^{2} + 2^{2} + 4^{2}} = 7.48$ at x=2:

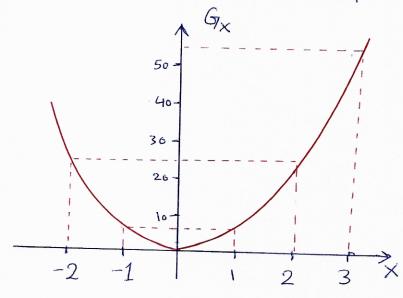
 $\vec{G} = 24\vec{a}_{x} + 2\vec{a}_{y} - 8\vec{a}_{x}$, $|\vec{G}| = \sqrt{24^{2} + 2^{2} + 8^{2}} = 25.4$ at x = 3:

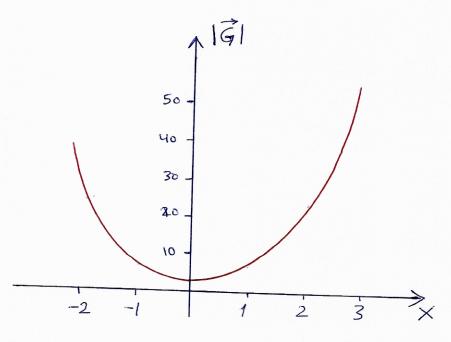
 $\vec{G} = 54\vec{a}_{x} + 2\vec{a}_{y} - 12\vec{a}_{z}$, $|\vec{G}| = \sqrt{54 + 2 + 12^{2}} = 55.35$

يمكننا تلفيص النتائج السابقة في الجدول التالي: -

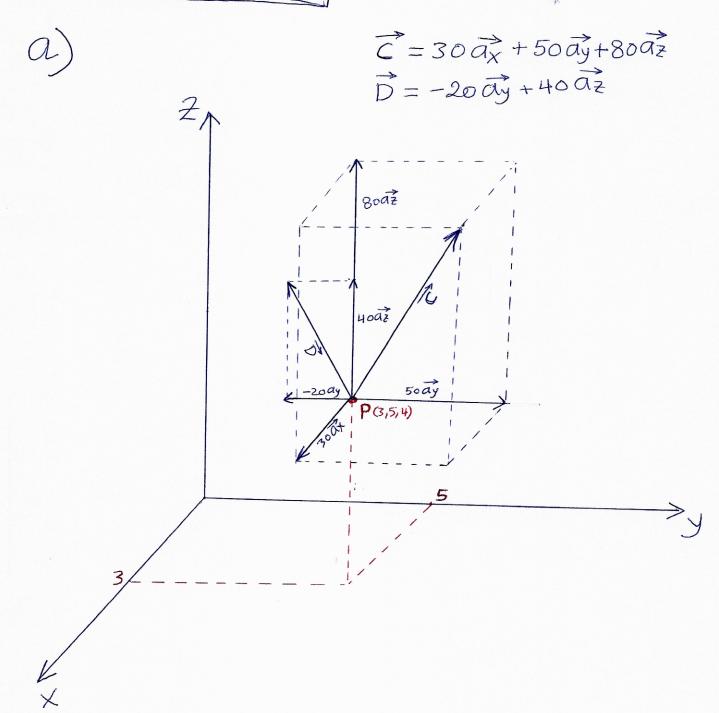
X	-2	-1	0	1	2	3
GX	24	6	0	6	24	54
1 G 1	25.4	7.48	2	7.48	25.4	55 ₋ 35

و يمكننارسم ×6 واقح اكدالة في x كالتالي:





الشكل التالي هورسم تخطيطي له في عند النقط 2-= x = 0, x=-2 ، ولاحظ أن مقياس الرسم لرسم في ليس بالطبرورة هو مقياس الرسم لرسم المسافات على المحاور.



$$|\vec{C}| = \sqrt{30^2 + 50^2 + 86^2} = 99$$

$$|\vec{D}| = \sqrt{20^2 + 40^2} = 44.7$$

لإيجاد الزاوية بين عول يمكن استخدام الضرب القياسي: $\vec{c} \cdot \vec{D} = |\vec{c}||\vec{D}|\cos\theta_{cD} \Rightarrow \theta_{cD} = \cos^{-1}\left(\frac{\vec{c} \cdot \vec{D}}{|\vec{c}||\vec{D}|}\right)$ أو استخدام الضرب الاتجاهي:- $|\vec{c} \times \vec{D}| = |\vec{c}||\vec{D}||\sin\theta_{cD} \Rightarrow \theta_{cD} = \sin^{-1}\left(\frac{|\vec{c} \times \vec{D}|}{|\vec{c}||\vec{R}|}\right)$ $\overrightarrow{C} \cdot \overrightarrow{D} = O + (50)(-20) + (80)(40) = 2200$ $\overrightarrow{C} \times \overrightarrow{D} = \begin{vmatrix} \overrightarrow{a_x} & \overrightarrow{a_y} & \overrightarrow{a_z} \\ 30 & 50 & 80 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} 0 & -20 & 40 \end{vmatrix}$ $= \overrightarrow{a_x} (2000 + 1600) - \overrightarrow{a_y} (1200 - 0) + \overrightarrow{a_z} (-600 - 0)$ $= 3600\,\vec{a_x} - 1200\,\vec{a_y} - 600\,\vec{a_z}$

$$= 3600 \vec{a}_{x} - 1200 \vec{a}_{y} - 600 \vec{a}_{z}^{2}$$

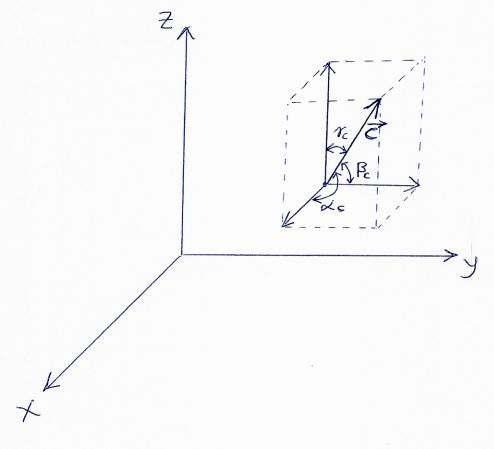
$$|\vec{C} \times \vec{D}| = \sqrt{3600^{2} + 1200^{2} + 600^{2}} = 3841.9$$

$$= \theta_{cD} = \sin^{-1}\left(\frac{3841.9}{(99)(44.7)}\right) = 60.2^{\circ}$$



b)

الزوايا ع م مينة بالشكل النالي:-



$$\overrightarrow{A} = 10 \overrightarrow{a}_{x}$$

$$A_r = A_x \sin\theta \cos\phi + A_y \sin\theta \sin\phi + A_z \cos\theta$$

= $10 \sin\theta \cos\phi$

$$A_{\theta} = A_{x} \cos \theta \cos \phi + A_{y} \cos \theta \sin \phi - A_{z} \sin \theta$$

$$= 10 \cos \theta \cos \phi$$

$$A_{\phi} = -A_{x} \sin \phi + A_{y} \cos \phi$$
$$= -10 \sin \phi$$

$$\overrightarrow{A} = 10 \sin \theta \cos \phi \overrightarrow{a_r} + 10 \cos \theta \cos \phi \overrightarrow{a_\theta} - 10 \sin \phi \overrightarrow{a_\phi}$$

$$\vec{E} = 100 \times \vec{a}$$

 $E_r = E_x \sin\theta \cos\phi + E_y \sin\theta \sin\phi + E_z \cos\theta$ = $100 \times \sin\theta \sin\phi$

 $E_{\theta} = E_{x} \cos \theta \cos \phi + E_{y} \cos \theta \sin \phi + E_{z} \sin \theta$ = $100 \times \cos \theta \sin \phi$

 $E_{\phi} = -E_{x} \sinh \phi + E_{y} \cosh \phi$ $= 100 \times Cos \phi$

-: X=rsinacosp islg

Er= 100 r sin & sin & Cosp

Eq = 100 r sind cost sint cost

 $E_{\phi} = 100 \text{ r sin} \theta \cos^2 \phi$

 $\vec{E} = \vec{a_r} E_r + \vec{a_\theta} E_\theta + \vec{a_\phi} E_\phi$.



HW#2 (1-19)(1-27)(1-36)

Problem# (1-19)

a)

المطلوب في الفقرة (۵) هو حساب التكامل الخطي له \overrightarrow{H} . \overrightarrow{W} النقطيين \overrightarrow{H} و \overrightarrow{H} على طول المسار المنحني لم و الذي هو كبارة عن ثقاطع السطحين \overrightarrow{H} = $(Y-1)^2 + (Y-1)^2 + (Y-1)^2$

$$\vec{H} = \vec{a}y \, 3(1-x^2) + \vec{a}_z \, 4y^2$$

$$\vec{dl} = dx \, \vec{a}x + dy \, \vec{a}y + dz \, \vec{a}z$$

$$\vec{H} \cdot \vec{oll} = 3(1-x^2)dy + 4y^2dz$$

$$\vec{P}_2 = 3(1-x^2)dy + 34y^2dz$$

$$\vec{P}_1 = 3(1-x^2)dy + 34y^2dz$$

$$\vec{P}_1 = 3(1-x^2)dy + 34y^2dz$$

$$\vec{P}_2 = 3(1-x^2)dy + 34y^2dz$$

$$\vec{P}_3 = 3(1-x^2)dy + 34y^2dz$$

لاحظ أنه لإنجار التكامل خإنه يجب التعويضاعن x بدلالة لل في التكامل الله و في التكامل الله في من معادلة الاسطوانة يمكننا كتابة :-

 $(y-1)^2 = 1 - x^2$. $y = 1 - x^2$ $y = 1 - x^2$ $y = 2 = 1 - x^2$ $y = 2 = 1 - x^2$

$$\int_{2}^{2} \vec{H} \cdot d\vec{l} = \int_{3}^{2} (y-1)^{2} dy + \int_{z=0}^{1} (6z^{2}) dz$$

$$= \left[(y-1)^{3} \right]_{0}^{2} + \left[\frac{16}{3}z^{3} \right]_{0}^{1}$$

$$= \left[(2-1)^{3} - (0-1)^{3} \right] + \left[\frac{16}{3} - 0 \right]$$

$$= 1 + 1 + \frac{16}{3} = 7.33$$

المطلوب الآن حساب التكامل الخطي له ألم بين نفس النقطتين ولكن مع تعنير المسار لم الذي هو الأن عبارة عن تقاطع السطحين ٥ = x · Z=1/2 9

$$\overrightarrow{H} \cdot \overrightarrow{dl} = 3(1-x^{2}) dy + 4y^{2} dz$$

$$\overrightarrow{P}_{2} = 3(1-x^{2}) dy + 4y^{2} dz$$

$$\overrightarrow{P}_{3} = 3(1-x^{2}) dy + 5(16z^{2}) dz$$

$$\overrightarrow{P}_{4} = 3(1-x^{2}) dy + 5(16z^{2}) dz$$

$$\overrightarrow{P}_{5} = 3(1-x^{2}) dy + 5(16z^{2}) dz$$

$$\overrightarrow{P}_{7} = 3(1-x^{2}) dz$$

$$\overrightarrow{$$

والاًن ، هل ألم مجال محتفظ "Conservative" ؟ الجواب لا . لأن التكامل الخطي له ألم بين نظلين اختلف المختلاف المسار الرابط بين النقطتين .

Problem # (1-27)

$$P_{v} = P_{o}\left(\frac{r}{r_{o}}\right)$$

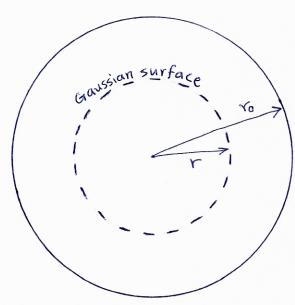
a)

$$Q = \int_{V}^{2\pi} \int_{V}^{\pi} \int_{V}^{r_{o}} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} \int_{0}^{r_{o}} \int_{0}^{r_{$$

6

الأن باستخدام قانون جاوس نريد ابجاد المجال الكهربي داخل وخارج الكرة المشعونة.

1) For r<ro:-



الما مل على سطح كرة نفية قطرها r

ا داخل حجم کرة نفها عمران الله الله

لاحظ أنه من التما تل الكروي للمسألة فإن على لا يمكن أن يكون له مركبه إلا في التجاه عَمْ :

$$\int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} E_{o} E_{r} r^{2} \sin\theta d\theta d\phi = \frac{\rho_{o}}{r_{o}} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} r^{3} \sin\theta dr d\theta d\phi$$

$$\Phi = 0 \quad \theta = 0$$

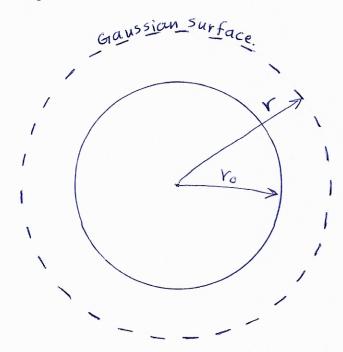
ومن التهاثل في المسألة فإن على ينبغي أن يكون ثابتاً على كل نقطة على سطح الكرة (لا يتغير بتغير 6 أو له) وعلى ذلك كلن اخراجه من التكامل . أيضاً م على سطح كرة هو ثابت .

$$E_{o}r^{2}E_{r}\int_{0}^{2\pi}\int_{0}^{\pi}\sin\theta d\theta d\phi = \frac{P_{o}}{r_{o}}\left[\frac{r^{4}}{4}\right]^{r}\left[-\cos\theta\right]^{\pi}\left[\phi\right]^{2\pi}$$

$$E_{o}r^{2}E_{r}\left(2\right)(2\pi) = \frac{P_{o}}{r_{o}}\left(\frac{r^{4}}{4}\right)(2)\left(2\pi\right)$$

$$E_{r} = \frac{P_{o}r^{2}}{4E_{r}}$$

2 For r>ro:-



$$\int_{-\infty}^{2\pi} \int_{-\infty}^{\pi} \left(\overrightarrow{a_r} r^2 \sin\theta d\theta d\phi \right) = \int_{-\infty}^{2\pi} \int_{-\infty}^{\pi} \left(\frac{r}{r_o} \right) r^2 \sin\theta dr d\theta d\phi$$

$$\phi = 0 \quad \theta = 0 \quad \phi = 0 \quad \phi = 0 \quad \phi = 0$$

لاحظ أنه في تكامل ٢٠ فإن التكامل ليس داخل كرة نصف قطرها r و إنما ، و ذلك لعدم وجود أي شحنة بعد ، r .

$$E_{o}E_{r}r^{2}\int\int \sin\theta d\theta d\phi = \frac{P_{o}}{r_{o}}\int\int\int \int r^{3}\sin\theta dr d\theta d\phi$$

$$\phi = o\theta = o$$

$$E_0E_rr^2(2)(2\pi) = \frac{P_0}{r_0}(\frac{r_0^4}{4})(2)(2\pi)$$

$$: E_r = \frac{P_0 r_0^3}{4E_0 r^2}$$

والأن نربد اثبات أن هذا المجال هونفسه عكن الحصول عليه لوكانت شعنة الكرة مركزة في نقطة في مركز الكرة.

$$Q = \pi P_0 r_0^3$$
 "from part (a)"

$$\vec{E} = \frac{Q}{4\pi \epsilon_r^2} \vec{\alpha_r}$$
 "for point charge".

$$= \frac{\pi P_0 r_0^3}{4\pi \epsilon_0 r^2} \vec{a_r} = \frac{P_0 r_0^3}{4\epsilon_0 r^2}$$

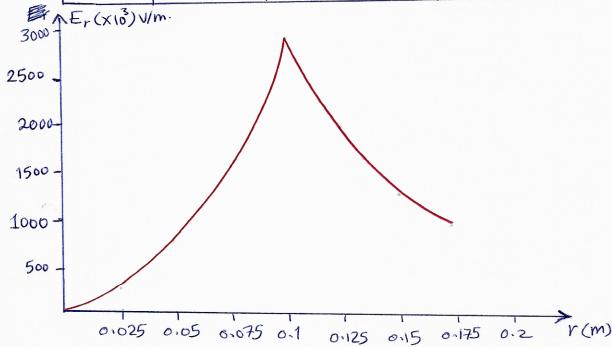
C)
$$E_{r} = \frac{P_{o} r^{2}}{4\epsilon_{o} r_{o}} = \frac{10^{3} r^{2}}{4 \times \frac{10^{9}}{36\pi} \times 0.1} = 9\pi \times 10^{7} r^{2} \text{ //m}.$$
for $(r < r_{o})$

$$E_{r} = \frac{P_{o} r_{o}^{3}}{4 E_{o} r^{2}} = \frac{\frac{10 \times (0.1)^{3}}{4 \times \frac{169}{36\pi} \times r^{2}}}{\frac{169}{36\pi} \times r^{2}} = \frac{9\pi \times 10^{3}}{r^{2}} \quad \text{(V/m)}$$

$$E_{r} = \begin{cases} 9\pi \times 10^{7} r^{2} & \text{for (r>r_{o})} \\ \frac{9\pi \times 10^{3}}{r^{2}} & \text{r>0.1} \end{cases}$$

ويمكن رسم ٤٤ كدالة في ٢ كالتالي: -

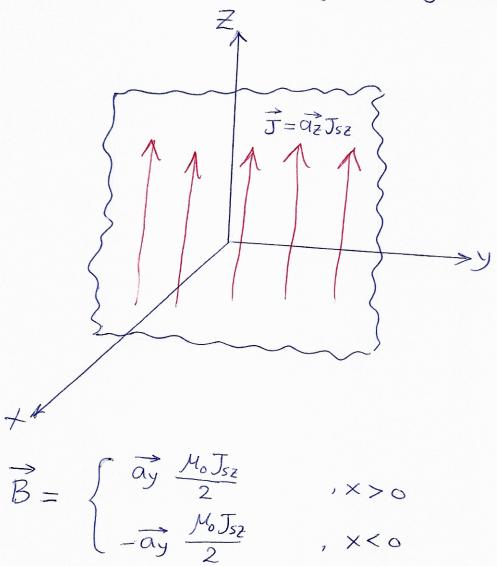
r(m)	0.025	0.05	0.075	0.1	0.125	0.15	0.175
Er(x10)	176.25	705	1586	2820	1804	1253	921



$$Q = \pi P_0 r_0^3 = \pi \times 10^{-3} \times (0.1)^3 = \pi \times 10^{-6} \text{ C}$$

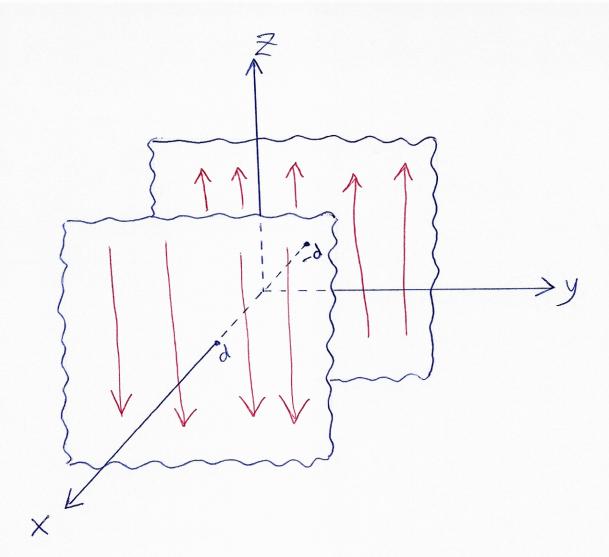
Problem # (1-36)

لدينامن المثال (16-1)



و لاحظ أن قاعدة اليد اليمن تعطينا انجاه المجال المغناطيسي في على جانبي اللوح. B على جانبي اللوح.

والدَن ، في المسألة لدينا صفيحتان متوازيتان احداهماعند والدَن عند x=d و حمر بكل منهما تياركما بالشكل .



$$\overrightarrow{B} = -\overrightarrow{ay} \frac{M_o J_{sz}}{2}$$

$$\overrightarrow{B} = \overrightarrow{ay} \frac{M_o J_{sz}}{2}$$

$$\overrightarrow{B} = \overrightarrow{ay} \frac{M_0 J_{52}}{2}$$

$$\overrightarrow{B} = -\overrightarrow{ay} \frac{M_0 J_{52}}{2}$$

$$, \times > d$$

إذا ً تكون لدينا تلاثة مناطق:-

-: X<-d كافرى

يكون المجالان في هذه المنطقة متساويين ومتعاكسين ومحصلتهما صفر. الثانية ك > > > - ز-

 $\overrightarrow{B} = \overrightarrow{ay} \frac{M_o J_{sz}}{2} + \overrightarrow{ay} \frac{M_o J_{sz}}{2} = \overrightarrow{ay} M_o J_{sz}$

الثالثة X > d :-يكون المجالان متساويين ومتعاكسين ومحملتهما صفر.

<u>B</u>

بالنظر بشكل موازي للمستوى YZ نرسم خطوط فيف المجال المعناطيسي كما بالشكل و لاحظ أن خطوط المجال متوازية وموزعة بكثاف متساوية .

		1	7		
		•	· •	0	
	•	•	0	0	
	0	•	0	•	
	\odot	0	0	O	
×	d ①	O	\odot	•	-d
	0	\odot	0	\odot	
	0	0	0	0	
	III				11

For $J_{sz} = 100 A/m$: $B = M_0 J_{sz} = 4 \pi \times 10^7 \times 100 = 0.1257 \text{ mWb/m}^2$ C)

إذا كان كلا النيارين في انتجاه عَلَى + فإنه وباتباع أسلوب ماثل لما سبق سمكن انبات أن المجال ينعدم بين الصفيحين ويجمه خارج الصفيحين.



HW #3 (2-8)(2-15)(2-29)(2-41)

Problem # (2-8)

$$\overrightarrow{O} \overrightarrow{\nabla} \cdot \overrightarrow{A} = \frac{\partial}{\partial x} (3) + \frac{\partial}{\partial y} (4) = 0$$

.. The vector field A has no flux sources.

b)
$$\vec{\nabla} \cdot \vec{F} = \frac{\partial}{\partial x} (3xz) + \frac{\partial}{\partial y} (4xy) + \frac{\partial}{\partial z} (5x^2 + y)$$

= $3z + 4x$.

:. The vector field F has a flux source.

c)
$$\vec{\partial} \cdot \vec{G} = \frac{\partial}{\partial x} (3y) + \frac{\partial}{\partial y} (4z) + \frac{\partial}{\partial z} (5x^2 + y) = 0.$$

: G has no flux source.

d)
$$\vec{\nabla} \cdot \vec{H} = \frac{\partial}{\partial x} (6x) + \frac{\partial}{\partial y} (6y) + \frac{\partial}{\partial z} (6z)$$

=6+6+6=18.

and in spherical system:

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{H} = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} (6rr^2) = \frac{18r^2}{r^2} = 18.$$

e)
$$\vec{J} \cdot \vec{J} = \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho} \left(5\rho^2 z \sin \phi \right) + \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \phi} \left(10\rho z \cos \phi \right)$$

$$=\frac{1}{p}\left(10PZ\sin\phi\right)-\frac{1}{p}\left(10PZ\sin\phi\right)=0$$

I. I has no flux sources.

$$f) \overrightarrow{\nabla} \cdot \overrightarrow{k} = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} (100) + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} (\frac{20}{r} \sin \theta)$$

$$+ \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \phi} (10r \cos \phi)$$

$$= 0 + \frac{1}{r \sin \theta} (\frac{20}{r} \cos \theta) + \frac{1}{r \sin \theta} (-10r \sin \phi)$$

$$= \frac{20}{r^2} \cot \theta - 10 \frac{\sin \phi}{\sin \theta}$$

$$\therefore \overrightarrow{k} \text{ has a flux source.}$$

Problem # (2-41)

Amplitude: 1885 V/m

Direction of travel: +Z direction.

Polarization: x polarized.

b)
$$E_{x}^{+}(z,t) = Re \left\{ \hat{E}_{x}^{+}(z)e^{jwt} \right\}$$

 $= Re \left\{ 1885e^{-j\beta_{0}z}e^{jwt} \right\}$
 $= Re \left\{ 1885e^{j(wt-\beta_{0}z)} \right\}$

$$E_{x}^{\dagger}(z,t) = Re \left\{ 1885 \left(\cos(\omega t - \beta_{0}z) + j\sin(\omega t - \beta_{0}z) \right) \right\}$$

$$= 1885 \cos(\omega t - \beta_{0}z) \quad V/m.$$

$$\beta_{0} = \omega \sqrt{M_{0}} = 2\pi \times 100 \times 10^{6} \times \sqrt{4\pi \times 10^{7} \times 8.854 \times 10^{7}2}$$

$$= 2.096 \quad rad/m$$

$$\lambda = 2\pi$$

$$\lambda = \frac{2\pi}{\beta_o} = 3m.$$

$$\hat{B}_{y}^{+}(z) = \frac{\hat{E}_{x}^{+}(z)}{C} = \frac{1885e^{-j\beta z}}{3 \times 10^{8}} = 6.28 \times 10^{6} e^{-j\beta z}$$

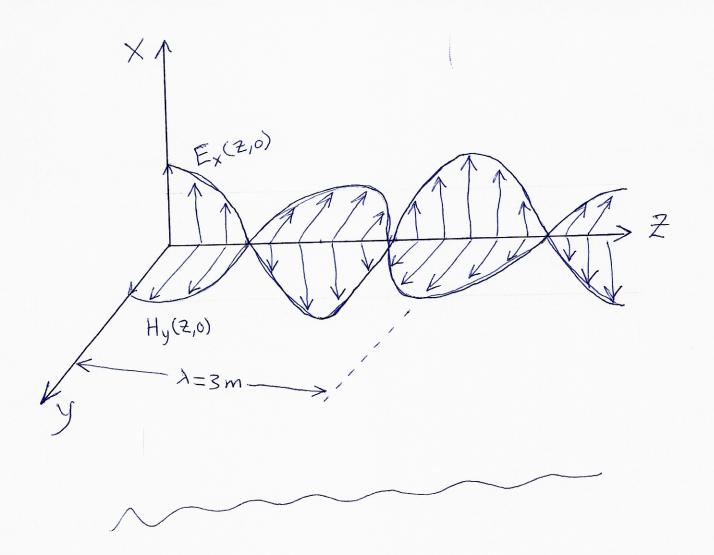
$$\hat{H}_{y}^{+}(z) = \frac{\hat{E}_{x}^{+}(z)}{M_{o}} = \frac{1885e^{-j\beta z}}{120 \pi} = 5e^{-j\beta z}$$

$$H_{y}^{+}(z,t) = Re \left\{ 5e^{-j\beta z} e^{-j\beta t} \right\}$$

$$= 5 \cos(\omega t - \beta z).$$

$$= 5 \cos(2\pi x 10^{8} t - 2.096z) \quad \forall m.$$

d)
at
$$t = 0$$
:-
 $E_{x}^{+}(z,t=0) = 1885 \cos(\beta z)$
 $H_{y}^{+}(z,t=0) = 5\cos(\beta z)$



HW#4 (3-1)(3-11)(3-28) (3-31)

Problem # (3-1)

 $n = 10^{29} \text{ m}^{-3}$, $\sigma = 5.8 \times 10^7 \text{ S/m}$

 $\sigma = ne \mu_e \Rightarrow \mu_e = \frac{\sigma}{ne} = \frac{5.8 \times 10^7}{10^2 \times 1.6 \times 10^{19}} = 3.625 \times 10^3 \, \text{m}^2/\text{V.sec}$

 $P_v = ne = 10^{29} \frac{-3}{m^3} \times 1.6 \times 10^{19} \text{ C} \times \left(\frac{1 \text{ m}}{10 \text{ mm}}\right)^3 = 16 \text{ C/mm}^3$

 $\overrightarrow{V}_{d} = -\mu_{e} \overrightarrow{E} = -3.625 \times 10^{3} \overrightarrow{a}_{x} \quad m/s = -3.625 \overrightarrow{a}_{x} \quad mm/sec.$

 $\vec{J} = \vec{\sigma} \vec{E} = 5.8 \times 10^7 \vec{a}_x A/m^2 = 58 A/mm^2$

الله الشعنة .

المنافة الشعنة .

الشعنة الشعنة .

Problem # (3-11)

solved in the tutorial.

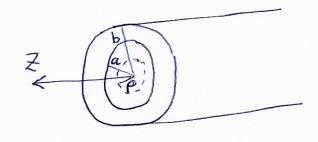


Problem #(3-28)

a)

$$\oint \vec{H} \cdot \vec{u} = \int \vec{J} \cdot \vec{ds}$$

where
$$\vec{J} = \frac{\vec{I}}{\pi a^2} \vec{a}_z$$



$$\int_{0}^{2\pi} \overrightarrow{H}_{p} \overrightarrow{a_{p}} \cdot Pdp \overrightarrow{a_{p}} = \int_{0}^{2\pi} \int_{\pi a^{2}}^{\pi} \overrightarrow{a_{z}} \cdot Pdp dp \overrightarrow{a_{z}}$$

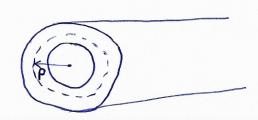
$$2\pi P H_{\phi} = \frac{I}{\pi a^2} \int \int P dP d\Phi$$

$$\Phi = 0 P = 0$$

$$2\pi P H \phi = \frac{I}{\pi a^2} \left(\frac{P^2}{2}\right) (2\pi)$$

$$\therefore H\phi = \frac{I\rho}{2\pi a^2}$$

$$B_{\phi} = M_{\phi}H_{\phi} = \frac{M_{\phi}IP}{2\pi a^2}$$

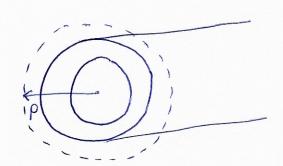


$$\int_{0}^{2\pi} H_{\phi} \vec{a_{\phi}} \cdot P d\phi \vec{a_{\phi}} = I$$

$$2\pi\rho H_{\phi} = I$$

$$H_{\phi} = \frac{I}{2\pi\rho} \quad , B_{\phi} = MH_{\phi} = \frac{MI}{2\pi\rho} .$$

But
$$B_{\phi} = \frac{M_{o}I}{2\pi\rho}$$



b)
$$\overrightarrow{M} = \frac{\overrightarrow{B}}{\mu_{o}} - \overrightarrow{H}$$

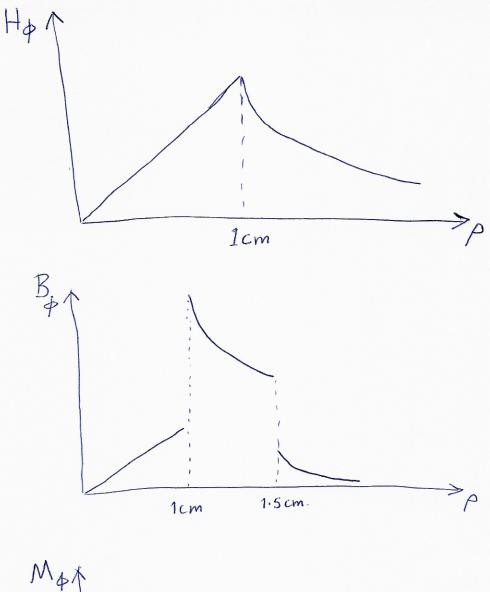
$$= \frac{M_{r}I}{2\pi\rho} - \frac{I}{2\pi\rho} = \frac{I(M_{r}-1)}{2\pi\rho} = \frac{\chi_{m}I}{2\pi\rho}$$

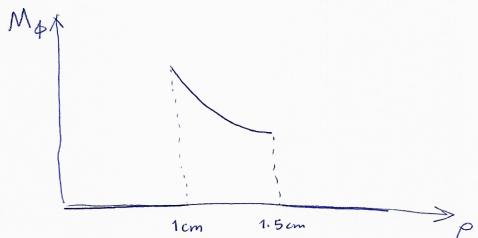
For
$$I = 628 A$$
, $a = 1 cm$, $b = 1.5 cm$, $M_r = 6$.

$$H_{\phi} = \begin{cases} 10^6 \rho & \rho < \alpha \\ \frac{10^2}{\rho} & \rho > \alpha \end{cases}$$

$$B\phi = \begin{cases} 0.4\pi \rho & \rho < a \\ \frac{24\pi \times 10^{-5}}{\rho} & a < \rho < b \end{cases}$$

$$\frac{4\pi \times 10^{-5}}{\rho} \rho > b$$





لاحظ أن المركبات المماسية لـ A مستمرة "على على الأسطح الفاصلة بين المناطق وذلك ما يجب أن يكون .

$$\overrightarrow{J}_{m} = \overrightarrow{\nabla} \times \overrightarrow{M} = \begin{vmatrix} \overrightarrow{ap} & \overrightarrow{ap} & \overrightarrow{ap} \\ \overrightarrow{p} & \overrightarrow{ap} & \overrightarrow{p} \end{vmatrix} = 0$$

$$\begin{vmatrix} \overrightarrow{o} & \overrightarrow{p} & \overrightarrow{op} & \overrightarrow{op} \\ \overrightarrow{op} & \overrightarrow{op} & \overrightarrow{op} \end{vmatrix} = 0$$

$$\vec{T}_{sm} = -\vec{n} \times \vec{M} = \vec{a}_{p} \times \vec{a}$$

$$-i(\vec{n} = \vec{ap})$$
 "
 $= \vec{a}$
 $= \vec{a}$

$$J_{SM} = -\vec{n} \times \vec{M} = -\vec{a_p} \times \vec{a_p} \frac{\chi_m I}{2\pi p} \Big|_{P=b} = -\vec{a_z} \frac{\chi_m I}{2\pi b}$$

$$M = M_0$$
, $E = 6E_0$, $\sigma = 10^2$, $f = 100MHz$.

$$V = j\omega M(\epsilon - j\frac{\pi}{\omega})$$
 \Rightarrow equation (3-88)

$$= j2\pi \times 10^{8} \times \sqrt{4\pi \times 10^{7} \times \left(8.854 \times 10^{-12} \times 6 - j \frac{10^{2}}{2\pi \times 10^{8}}\right)}$$

=
$$j2\pi \times 10^8 \times \sqrt{6.676 \times 10^{-17}} - j2 \times 10^{-17}$$

$$\gamma = j2\pi \times \sqrt{0.676 - j0.2}$$

= $j2\pi \times \sqrt{0.697} e^{-j16.7^{\circ}}$

$$(re^{j\theta})^n = r^n e^{jn\theta}$$

وحيث أن إ-

$$N = j2\pi \times (0.835 e^{-j8.333})$$

= 0.76 + j5.19 = \times + j β
= \times = 0.76 Np/m , β = 5.19 rad/m.

$$\Delta = \frac{\omega \sqrt{ME}}{\sqrt{2}} \left[\sqrt{1 + \left(\frac{\sigma}{\omega e}\right)^2} - 1 \right]^{\frac{1}{2}} = 0.76 \, \text{Np/m}.$$

$$\beta = \frac{\omega \sqrt{ME}}{\sqrt{2}} \left[\sqrt{1 + \left(\frac{\sigma}{\omega E}\right)^2} + 1 \right]^{\frac{1}{2}} = 5.19 \text{ rad/m}$$



HW#5 (4-2) (4-15)(4-9)(4-23)

Problem # (4-2)

a)
$$\overrightarrow{E} = \frac{10^{-6} \left[(0 - 0) \overrightarrow{ax} + (3 - 0) \overrightarrow{ay} + (5 - 1) \overrightarrow{az} \right]}{4 \text{ Tr} \times \frac{10^{7}}{36 \text{ Tr}} \times \left(\sqrt{(0 - 0)^{2} + (3 - 0)^{2} + (5 - 1)^{2}} \right)^{3}}$$

$$= \frac{9 \times 10^{3} \left(3\overrightarrow{ay} + 4\overrightarrow{az} \right)}{125} = 216 \overrightarrow{ay} + 288 \overrightarrow{az}$$

$$|\vec{E}| = \sqrt{216^2 + 288^2} = 360 \text{ V/m}.$$

$$\vec{F} = \vec{q} \cdot \vec{E} = 0.216 \times 10^{-3} \vec{a}_y + 0.288 \times 10^{-3} \vec{a}_z N$$

b)
$$\vec{E} = \frac{10^{6} (3\vec{a}\vec{y} - \vec{a}\vec{z})}{4\pi \times \frac{10^{9}}{36\pi} \times (9+1)^{3/2}} = 853.8\vec{a}\vec{y} - 284.6\vec{a}\vec{z} \times 10^{10}$$

$$\vec{E} = \frac{10^{6} (-\vec{az})}{4\pi \times \frac{10^{9}}{36\pi} \times 1} = -90000\vec{az} \text{ V/m}.$$

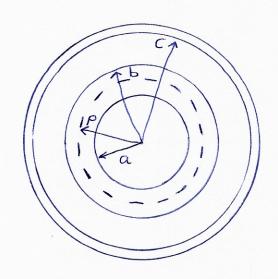
Problem # (4-9)

For ALP<b:

$$\oint \overrightarrow{D} \cdot \overrightarrow{dS} = Q$$

$$\begin{cases}
2\pi \\
\iint \overrightarrow{D}_{p} \overrightarrow{a_{p}} \cdot P dp dz = Q
\end{cases}$$

$$\underset{z=0}{\text{Z=0}} \phi_{z=0}$$

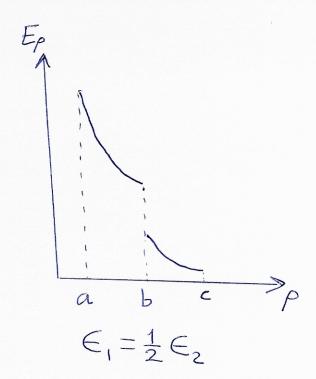


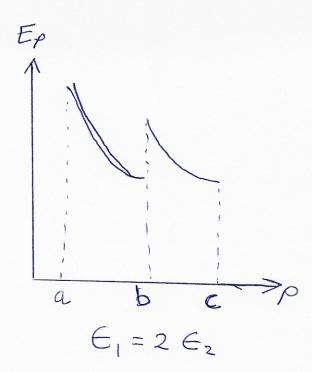
$$2\pi Pl D_P = Q$$

$$\vec{D} = \vec{a}_{p} \frac{Q}{2\pi pl}$$

For a < P < C arbible g lade from a special g where $k = \frac{\vec{Q}}{2\pi \ell_1} = \vec{q} = \vec{q}$

For
$$E_1 = \frac{1}{2}E_2$$
; $E_p = \frac{2k}{E_2p}$ acpcb
$$E_p = \frac{k}{E_2p}$$
 bcpcc
$$E_p = \frac{k}{E_2p}$$
 acpcb
$$E_p = \frac{k}{E_2p}$$
 bcpcc.





من الوافح أن ع= على هو الأقرب لجعل متوسط م ع متقارباً في المنطقتين ،

Problem # (4-15)

في المثال (9-4) تحملنا على المجال الكهربي بين الموملين إ-

 $\overrightarrow{E} = \overrightarrow{ap} \frac{q}{2\pi \epsilon Pl}$

من المعادلة (4-38a) وبجعل النقطة التي يكون جهدها مرجعياً عند P=b :-

$$\Phi(p) = -\int_{b} \vec{a_{p}} \frac{q}{2\pi\epsilon_{Pl}} \cdot \vec{a_{p}} dp$$

$$\Phi(\beta) = -\frac{1}{2\pi\epsilon l} \int_{\beta} \frac{d\rho}{\rho}$$

$$= -\frac{9}{2\pi\epsilon l} \left[ln\rho - lnb \right]$$

$$= \frac{9}{2\pi\epsilon l} \ln\left(\frac{b}{\rho}\right).$$

ولوذا جعلنا ٩= (أي على سطح المومل الداخلي) فإن الجهد (٥) على سطح المومل الداخلي) فإن الجهد بين الموملين ٧.

$$V = \overline{\Phi}(a) = \frac{9}{2\pi\epsilon l} \ln(\frac{b}{a}).$$

6

مِن المعادلة السابقة ممكن كتابة :

- 1 \$(P) Walco & cie sail 9

$$\overline{\Phi}(P) = \frac{2\pi \epsilon l \ln(\frac{b}{a})V}{2\pi \epsilon l \ln(\frac{b}{a})} = \frac{V}{\ln(\frac{b}{a})} \ln(\frac{b}{a})$$

9

$$C = \frac{9}{V} = \frac{2\pi \in l}{\ln(\frac{b}{a})}$$

$$\frac{C}{l} = \frac{2\pi E}{\ln(\frac{b}{a})} = \frac{2\pi \times 2 \times 8.854 \times 10^{-12}}{\ln(5)} = 69 \, \text{pF/m}.$$

$$\overrightarrow{E}(P) = -\overrightarrow{\nabla P}(P) = -\frac{\partial}{\partial P} \left(\frac{V}{\ln(\frac{b}{a})} \ln(\frac{b}{a}) \right) \overrightarrow{ap}$$

$$=-\frac{\sqrt{\frac{-b}{p^2}\vec{q}}}{\ln(\frac{b}{a})}\frac{-\frac{b}{p^2}\vec{q}}{\frac{b}{p}}=\frac{\sqrt{\frac{a}{a}}}{p\ln(\frac{b}{a})}\vec{q}$$

For V=100V, a=2cm, b=10cm, E,=2:-

$$\Phi(P) = 62.13 \ln(0.1)$$

$$E(p) = \frac{62.13}{p}$$

-; \$\bar{\phi}(P) \bar{\pi}\cup \colon \bar{\pi}\cup \bar

$$\ln(\frac{0.1}{p}) = \frac{\Phi}{62.13}$$

$$\frac{0.1}{p} = e^{\frac{\Phi}{62.13}}$$

$$P = 0.1 e^{\frac{\Phi}{62.13}}$$

For \$=0: P=0.1 m=10 cm.

a)
$$V = -\int_{C}^{A} \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\int_{C}^{b} \frac{Q}{2\pi\epsilon_{2}Pl} d\rho - \int_{D}^{a} \frac{Q}{2\pi\epsilon_{1}Pl} d\rho$$

$$= -\frac{Q}{2\pi l} \left[\frac{1}{\epsilon_{2}} \int_{C}^{b} \frac{d\rho}{\rho} + \frac{1}{\epsilon_{1}} \int_{D}^{d\rho} \vec{l} \right]$$

$$= -\frac{Q}{2\pi l} \left[\frac{1}{\epsilon_{2}} ln(\frac{b}{c}) + \frac{1}{\epsilon_{1}} ln(\frac{a}{b}) \right]$$

$$= Q \left[\frac{ln(\frac{c}{b})}{2\pi\epsilon_{2}l} + \frac{ln(\frac{a}{a})}{2\pi\epsilon_{1}l} \right]$$

$$C = \frac{Q}{V} = \frac{1}{ln(\frac{c}{b})} + \frac{ln(\frac{b}{a})}{2\pi\epsilon_{1}l}$$

وبه قارنة هذه النتيجة بالمعادلة (4-51) وحيث أنه لم المتفين متصلين على النواي فإن أن الم النواي فإن أن الم النواي فإن أن الماكنف في المسألة مكتفين اسطوانيين على التوالى .

For
$$a :
$$Ve = \frac{1}{2} \int \int \int \frac{1}{E} \left(\frac{Q^{2}}{2\pi l} \right)^{2} \frac{1}{p^{2}} P dp d\phi dZ$$

$$\frac{2=0}{2} \int \frac{1}{E} \left(\frac{Q}{2\pi l} \right)^{2} \frac{1}{p^{2}} P dp d\phi dZ$$$$

Ve =
$$\frac{1}{2\epsilon_i} \left(\frac{Q}{2\pi l}\right)^2 \left(2\pi l \ln\left(\frac{b}{a}\right)\right)$$

= $\frac{Q^2 \ln\left(\frac{b}{a}\right)}{4\pi\epsilon_i l}$

For bepec;

$$V_e = \frac{1}{2} \int \int \int \frac{1}{\epsilon_2} \left(\frac{Q}{2\pi l} \right)^2 \frac{1}{\rho^2} \rho d\rho d\rho dz$$

$$Z=0 \neq 0 P=b$$

$$=\frac{Q^2 ln(\frac{c}{b})}{4\pi \epsilon_2 l}$$

The total stored energy: -

$$V_e = \frac{Q^2}{2} \left[\frac{\ln(\frac{b}{a})}{2\pi \epsilon_i l} + \frac{\ln(\frac{\epsilon}{b})}{2\pi \epsilon_i l} \right]$$

-: (4-63c) Woled iog

$$C = \frac{1}{\ln(\frac{b}{a})} + \frac{\ln(\frac{c}{b})}{2\pi\epsilon_{1}l}$$

م/عبدالله عياد أبوقرين · حريف 12ه٤٠